Государственное автономное профессиональное образовательное учреждение Чувашской Республики «Новочебоксарский химико-механический техникум» Министерства образования Чувашской Республики Детский технопарк «Кванториум»

#### ДОКУМЕНТ ПОДПИСАН ЭЛЕКТРОННОЙ ПОДПИСЬЮ

Сертификат: 00C2CA82B8E901312F8F292359A0343664 Владелец: Пристова Елена Юрьевна Действителен: с 29.05.2024 до 22.08.2025



# Дополнительная общеобразовательная общеразвивающая программа «Математика. Углубленный модуль» (техническая направленность, углубленный модуль)

Возраст детей, на которых рассчитана программа: 10 - 16 лет Срок реализации программы: 108 ч. Автор — составитель: педагог дополнительного образования Юматова Людмила Сергеевна

Рассмотрено и одобрено на заседании педагогического совета Протокол от 30.08.2024 г. № 1

Утверждено приказом директора Новочебоксарского химико-механического техникума Минобразования Чувашии от 02.09.2024 № 56-КВ

## Содержание

#### Раздел № 1. Комплекс основных характеристик программы

#### 1.1 Пояснительная записка

Направленность программы - техническая.

**Отличительной особенностью** программы является то, что данная программа расширяет и углубляет школьный курс математики. Программа предполагает работу учащихся над собственными проектами. Такая постановка вопроса обучения позволяет с одной стороны расширить индивидуальное поле деятельности каждого обучающегося, с другой стороны учит работать в команде; позволяет раскрыть таланты учащихся и содействовать в их профессиональном самоопределении.

Новизна программы «Математика. Углубленный модуль» предполагает:

- использование нестандартных для преподавания математики методов обучения (в форме математической игротеки), направленной на освоение обучающихся базовых знаний по математике посредством разбора и решения научных, социально-значимых, инженерных и других проблем;
  - новые педагогические технологии в проведении занятий;
  - использование ПО для моделирования исследуемых явлений.

Основные принципы, лежащие в основе реализации программы, следующие:

- 1. Принцип активности учащегося, личностно-ориентированный подход. Ответственность за итоги работы по программе возлагается не только на педагогов, но и на самого учащегося. В рамках образовательного процесса создается свобода выбора индивидуальной образовательной траектории, которая реализуется за счет индивидуальных занятий по выбранному направлению проектной деятельности, выполнения индивидуальных или групповых творческих задач.
- 2. Принцип системности. Обучение происходит в рамках вытягивающей образовательной модели, когда на каждом этапе учащемуся сообщается минимально необходимый для перехода на следующий уровень объем знаний, умений и навыков.
- 3. Принцип практикоориентированности обучения и компетентностный подход. Программа состоит из последовательности кейсов проблемных ситуаций, в ходе решения которых учащийся приобретает компетенции двух типов. Гибкие навыки (soft skills) универсальные компетенции, которые будут полезны в любой области деятельности (поиск и анализ информации, коммуникативность, умение работать в команде и т.д.). Профессиональные («жесткие») навыки (hard skills) конкретная знаниевая и методологическая база из данной области деятельности.
- 4. Принцип вариативности. Содержание программы (и, в частности, последовательность тем занятий и кейсов) может варьироваться в зависимости от текущей педагогической ситуации (в частности, в зависимости от интересов группы учащихся).
- 5. Принцип тьюторского сопровождения обучения. Взаимоотношения учащихся и педагогов строятся по принципу тьюторства, а не менторства. Под тьюторством понимается такое сопровождение образовательного процесса, при котором реализуются индивидуальная образовательная траектория для каждого учащегося с учетом его психологических особенностей, и отдельное внимание уделяется воспитательной функции.
- 6. Принцип коммуникативной направленности и группового решения поставленных задач. В ходе освоения программы упор сделан на работу в малых группах, что, с одной стороны, обеспечит вовлеченность каждого в процесс, а с другой стороны, будет способствовать развитию навыков командной работы. Любые нестандартные учебные ситуации разрешаются путем диалога.
- 7. Принцип комплексной реализации задач обучения. Программа не разделена по типу задач на образовательные, развивающие и воспитательные блоки. Каждое занятие способствует решению каждого типа задач.

Уровень программы: углубленный модуль.

**Адресат программы:** обучающиеся в возрасте 10-16 лет. Зачислен на программу может быть только тот учащийся, который успешно завершил курс «Математика (вводный модуль)».

Объем и срок освоения программы: 108 часов, 4 месяца

Форма обучения по программе. Данная программа может быть реализована в очной форме с использованием дистанционных технологий форм обучения.

Особенности организации образовательного процесса: курс предназначен для обучающихся 10-16 лет. Количество обучающихся в группе: 14 человек. Группы имеют постоянный состав, но при проведении соревновательных занятий могут объединяться между собой. Набор на программу осуществляется два раза в год (до сентября и до января, соответственно).

**Режим занятий, периодичность и продолжительность занятий.** Программа «Математика. Углубленный модуль» реализуется в течение 108 академических часов (3 занятия в неделю по 2 академических часа каждое). Продолжительность занятия: 45 минут.

#### 1.2 Цели и задачи программы

Цель программы: активизация мышления учащихся, развитие их самостоятельности путем вовлечения в исследовательскую и проектную деятельность с применением программы динамической математики GeoGebra.

#### Задачи:

- развить у учащихся умения моделировать учебные ситуации на языке геометрии и исследовать построенные модели с применением понятий и теорем из этой области;
- познакомить с решением задач прикладной направленности через работу в мини-проектах;
- сформировать навыки работы в программе GeoGebra, умение составлять алгоритмы решения задач на построение;
- научить работать с анимацией в программе GeoGebra при помощи динамических моделей;
- сформировать гибкие (soft) компетенции, такие как: критическое мышление, креативность, коммуникация, кооперация;
  - научить самостоятельно искать и анализировать информацию;
  - исследовать поставленную задачу и систематизировать результаты;

## 1.3 Содержание программы Учебно-тематический план

/	, Название раздела Темы		ол-во часов ема занятия	Форма контроля	
п/п	_	Теория	Практика	Всего	
]	Раздел 1. Вводное занятие	1	1	2	
1.1	Вводное занятие. Техника безопасности. Изучение базовых понятий	1	1	2	Участие в обсуждении
Pas	здел 2. Задачи на построение	2	2	4	
2.1	Знакомство с инструментами GeoGebra. Создание динамических рисунков.	1	1	2	Участие в обсуждении. Практикум
2.2	Правила построения фигур через окружности. Решение задач на построение.	1	1	2	Практикум
Раз	дел 3. Динамические модели	4	4	8	

	теорем в геометрии				
3.1	Создание динамической модели теоремы об углах, вписанных в окружность	1	1	2	Практикум
3.2	Создание динамической модели теоремы Пифагора	1	1	2	Практикум
3.3	Создание динамической модели теоремы Фалеса	1	1	2	Практикум
3.4	Создание динамической модели теоремы Птолемея.	1	1	2	Практикум
P	аздед 4. Исследовательские задачи	3	3	6	
4.1	Работа с координатами точек. Переопределение координат. Использование командной строки.	1	1	2	Участие в обсуждении
4.2	Построение графиков функций при помощи командной строки.	1	1	2	Практикум
4.3	Создание и исследование модели линейного уравнения с двумя переменными.	1	1	2	Практикум
	Раздел 5. Геометрические преобразования фигур на плоскости	4	4	8	
5.1	Изучение основных преобразований в Geogebra.	1	1	2	Практикум
5.2	Движение точек по осям. Понятие ползунка.	1	1	2	Практикум
5.3	Вращение вокруг точки. Анимация в Geogebra.	1	1	2	Практикум
5.4	Длина окружности. Анимация преобразования окружности в отрезок.	1	1	2	Практикум
	Раздел 6. Microsoft Excel	3	5	8	
6.1	Функции Microsoft Excel. Ссылки на ячейки. Копирование содержимого ячеек.	1	1	2	Практикум
6.2	Использование стандартных функций.	1	1	2	Практикум
6.3	Построение диаграмм и графиков.	1	1	2	Практикум
6.4	6.4 Решение прикладных задач в Excel.		2	2	Практикум
M	Раздел 7. Элементы натематической статистики	3	5	8	
7.1	Статистические данные.		1	2	Практикум
7.2	Графическое отображение	1	1	2	Практикум

	данных.				
	Характер распределения				
7.3	данных.	1	3	4	Практикум
	Раздел 8. Гистограммы	3	5	8	
8.1	Визуальный анализ статистических данных.	1	1	2	Практикум
8.2	Различие значений. Концентрация значений, данных.	1	1	2	Практикум
8.3	Построение и анализ гистограммы. Выявление нормального распределения.	1	3	4	Практикум
Разде	ел 9. Обобщающие показатели	3	5	8	
9.1	Описательная статистика. Ранг. Персентиль.	1	1	2	Практикум
9.2	Определение обобщающих характеристик.	1	1	2	Практикум
9.3	Нахождение средней и медианы. Нахождение пяти базовых показателей.	1	3	4	Практикум
P	аздел 10. Характеристики рассеяния	3	5	8	
10.1	Влияние случайных факторов. Разброс данных.	1	1	2	Практикум
10.2	Вычисление и анализ стандартного отклонения.	1	1	2	Практикум
10.3	Определение и анализ размаха, среднего и стандартного отклонения.	1	3	4	Практикум
Разд	ел 11. Категорийные данные	3	5	8	
11.1	Порядковые категорийные	2	2	4	Практикум
11.2	Использование Сводной таблицы для одномерного набора данных.	1	3	4	Практикум
	здел 12. Двумерные данные	4	6	10	
12.1	Диаграмма рассеяния.	1	1	2	Практикум
12.2	Визуальная зависимость. Корреляция. Ковариация.	1	1	2	Практикум
12.3	Исследование взаимосвязи переменных.	1	1	2	Практикум
12.4	Определение ковариации между переменными. Исследование попарных корреляций переменных	1	3	4	Практикум
Pa	здел 13. Простая регрессия	4	4	8	
13.1	График линейной зависимости.	1	1	2	Практикум
13.2	Инструмент анализа Регрессия. Статистические	1	1	2	Практикум

	функции.				
13.3	Построение графиков линейной зависимости между переменными	1	1	2	Практикум
13.4	Исследование линейной зависимости между переменными с помощью статистических функций.	1	1	2	Практикум
Pa	здел 14. Первичный анализ данных	3	3	6	
14.1	Построение интервального статистического ряда.	1	1	2	Практикум
14.2	Построение эмпирической функции распределения.	1	1	2	Практикум
14.3	Построение эмпирической плотности распределения.	1	1	2	Практикум
Разд	ел 15. Корреляционное поле и графики регрессии	2	4	6	
15.1	Оценка выборочного коэффициента корреляции.	1	1	2	Практикум
15.2	Проверка значимости уравнения регрессии.	1	3	4	Практикум
Итого	овое занятие	0	2	2	
	Итог	46	62	108	

## Содержание учебного плана

Раздел 1. Введение в образовательную программу. Техника безопасности. - 2 час.

**Теория:** Техника безопасности в ДТ Кванториум. Обсуждение проблемы: математика считается самым важным и самым сложным предметом в школах разных стран мира. Так ли она действительно важна? Может, мы бы прекрасно смогли обойтись без ее изучения.

**Практика:** Работа в командах. Мозговой штурм, поиск сценариев применения математических знаний в жизни.

Форма контроля: Защита презентаций учащихся и коллективное обсуждение результатов.

Раздел 2. Задачи на построение. - 4 часа.

**Теория:** Основные инструменты в программе GeoGebra. Изучение простейших геометрических фигур.

**Практика:** Создание динамических рисунков с помощью GeoGebra. Решение задач на построение в программе GeoGebra.

**Форма контроля:** Индивидуальное творческое задание: создать динамический рисунок из изученных геометрических фигур.

**Раздел 3.** Динамические модели теорем в геометрии. – 8 часов

**Теория:** Знакомство с известными теоремами по геометрии: теорема Пифагора, теорема Фалеса, теоремы об углах, вписанных в окружность и их свойствах.

Практика: Создание изученных теорем в программе Geogebra.

**Форма контроля:** Создать динамическую модель одной из теорем геометрии на выбор учащихся.

**Раздел 4.** Исследовательские задачи в алгебре. – 6 часов

**Теория**: Изучение понятия координаты точки. Знакомство с функциями, правила ввода функций в командную строку.

Практика: Построение графиков функций при помощи командной строки.

Создание и исследование модели линейного уравнения с двумя переменными.

Форма контроля: Создать график функции на выбор учащихся.

Раздел 5. Геометрические преобразования фигур на плоскости. - 6 часов.

**Теория:** Основные преобразования в Geogebra. Понятие ползунка. Изучение длины окружности.

**Практика:** Создание анимации движения точек по осям с заданным ползунком. Создание анимации вращения фигуры вокруг точки. Создание анимации преобразование окружности в отрезок.

**Форма контроля:** Индивидуальное творческое задание: создать в GeoGebra с применением изученных преобразований модель солнечной системы.

**Раздел 6**. Microsoft Excel. - 8 часов.

**Теория:** Функции Microsoft Excel. Использование стандартных функций. Ссылки на ячейки. Копирование содержимого ячеек.

**Практика:** Построение диаграмм и графиков. Решение прикладных задач в Excel. **Форма контроля:** Групповой мини проект: выбрать задачу и решить ее при помощи Microsoft Excel.

Раздел 7. Элементы математической статистики. – 8 часов.

**Теория:** Статистические данные. Числовые таблицы больших размеров. Графическое отображение данных. Характер распределения данных.

**Практика:** Составление дискретного статистического распределение выборки. Нахождение объема выборки. Составление распределения относительных частот. Построение полигона частот.

**Форма контроля:** Групповой мини проект: построение графика эмпирической функции распределения, нахождение несмещенных оценок числовых характеристик.

Раздел 8. Гистограммы. - 8 часов.

**Теория:** Визуальный анализ статистических данных. Различие значений. Концентрация значений, данных.

**Практика:** Построение и анализ гистограммы процентных ставок ссуд под залог недвижимости. Выявление нормального распределения.

**Форма контроля:** Групповой мини проект: построение гистограммы для двух различных выборок объемом по 100 значений каждая из нормально распределенного набора данных.

Раздел 9. Обобщающие показатели. - 8 часов.

Теория: Описательная статистика. Ранг. Персентиль.

**Практика:** Определение обобщающих характеристик для анализа цен 15 объектов. Определение модального интервала. Нахождение средней и медианы.

Форма контроля: Групповой мини проект: нахождение пяти базовых показателей.

Раздел 10. Характеристики рассеяния. - 8 часов.

Теория: Влияние случайных факторов. Разброс данных.

**Практика:** Вычисление и анализ стандартного отклонения дневной прибыли на фондовой бирже. Определение и анализ размаха, среднего и стандартного отклонения.

Форма контроля: Расчетно-графическая работа.

Раздел 11. Категорийные данные. - 8 часов.

Теория: Порядковые категорийные данные. Номинальные категорийные данные.

Практика: Использование Сводной таблицы для одномерного набора данных.

Форма контроля: Расчетно-графическая работа.

Раздел 12. Двумерные данные. - 10 часов.

Теория: Диаграмма рассеяния. Визуальная зависимость. Корреляция. Ковариация.

**Практика:** Исследование взаимосвязи переменных с помощью диаграмм рассеяния. Исследование попарных корреляций переменных. Определение ковариации между переменными.

Форма контроля: Расчетно-графическая работа.

Раздел 13. Простая регрессия. - 8 часов.

**Теория:** График линейной зависимости. Инструмент анализа Регрессия. Статистические функции.

**Практика:** Построение графиков линейной зависимости между переменными. Исследование линейной зависимости между переменными с помощью статистических функций.

Форма контроля: Расчетно-графическая работа.

Раздел 14. Первичный анализ данных. - 6 часов.

Теория: Интервальный статистический ряд. Эмпирическое распределение.

**Практика:** Построение интервального статистического ряда, эмпирической плотности распределения.

Форма контроля: Расчетно-графическая работа.

Раздел 15. Корреляционное поле и графики регрессии. - 6 часов.

Теория: Коэффициент корреляции. Значимость уравнения регрессии.

**Практика:** Оценка выборочного коэффициента корреляции. Проверка значимости уравнения регрессии.

Форма контроля: Расчетно-графическая работа.

Итоговое занятие: Защита мини-проектов по одному из 7-15 разделов.

## 1.4 Планируемые результаты

Основным результатом программы необходимо считать формирование у учащихся следующих компетенций:

#### 1. Личностные:

- формирование готовности и способности учащихся к самообразованию на основе мотивации к обучению;
- формирование коммуникативной компетентности в общении и сотрудничестве со сверстниками;
- умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию;
- критичность мышления, умение распознавать логически некорректные высказывания, отличать гипотезу от факта;
- креативность мышления, инициатива, находчивость, активность при решении геометрических задач;
- умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности;
- способность к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений;
  - 2. Метапредметные:
- умения осуществлять контроль по образцу и вносить необходимые коррективы;
- способности адекватно оценивать правильность или ошибочность выполнения учебной задачи, её объективную трудность и собственные возможности её решения;
- формирование учебной и общепользовательской компетентности в области использовании информационно-коммуникационных технологий;
- первоначального представления об идеях и о методах математики как об универсальном языке науки и техники;
- умение видеть математическую задачу в других дисциплинах, в окружающей жизни;
- умения понимать и использовать математические наглядности для иллюстрации, интерпретации, аргументации;

- умения выдвигать гипотезы при решении учебных задач и понимания необходимости их проверки;
- умение применять индуктивные и дедуктивные способы рассуждений, видеть различные стратегии решения задач;
- понимания сущности алгоритмических предписаний и умения действовать в соответствии с предложенным алгоритмом;
- умения самостоятельно ставить цели, выбирать и создавать алгоритмы для решения учебных математических проблем;
- умение планировать и осуществлять деятельность, направленную на решение задач исследовательского характера;
  - 3. Предметные (математика):
- представление об основных изучаемых понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать реальные процессы и явления;
- овладение геометрическим языком, умение использовать его для описания предметов окружающего мира, развитие пространственных представлений и изобразительных умений, приобретение навыков геометрических построений;
- усвоение систематических знаний о плоских фигурах и их свойствах, а также на наглядном уровне о простейших пространственных телах;
- умение применять изученные понятия, результаты, методы для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин с использованием компьютера.
  - 4. Предметные (информатика):
  - формирование информационной и алгоритмической культуры;
- развитие алгоритмического мышления, необходимого для профессиональной деятельности в современном обществе;
- развитие умений составить и записать алгоритм для конкретного исполнителя;
- формирование навыков и умений безопасного и целесообразного поведения при работе с компьютерными программами, умения соблюдать нормы информационной этики и права.

#### Раздел № 2. Комплекс организационно-педагогических условий

#### 2.1 Календарный учебный график

Количество учебных недель по программе – 18 недель.

Количество учебных дней – 54 учебных дня.

Каникул нет.

Учебный год для учащихся первого полугодия обучения начинается с 2 сентября, заканчивается 28 декабря.

Для второго полугодия обучения учебный год начинается с 13 января, заканчивается – 24 мая.

No॒	Календарный	Форма	Всего	Тема	Место	Форма
$\Pi/\Pi$	период	занятия	часов		проведения	контроля
		Pa	здел 1. І	Вводное занятие		
1	Неделя 1	Сообщение новых знаний	2	Вводное занятие. Техника безопасности. Изучение базовых понятий	Лаборатория	Фронтальный опрос
		Разде	ел 2. Зад	ачи на построение		

2	Неделя 1	Мини-		Знакомство с	Лаборатория	Лабораторная
_	110,700,11	лекция,		инструментами	via eparepini	работа
		практическое	_	GeoGebra.		Pwssin
		занятие	2	Создание		
				динамических		
				рисунков.		
3	Неделя 1	Мини-		Правила	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,		построения		опрос
		практическое	2	фигур через		1
		занятие	2	окружности.		
				Решение задач		
				на построение.		
	]	Раздел 3. Динам	ически	е модели теорем в	геометрии	
4	Неделя 2-3	Мини-		Создание	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		динамической		работа
		практическое	2	модели теоремы		
		занятие	2	об углах,		
				вписанных в		
				окружность		
5	Неделя 2-3	Мини-		Создание	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	динамической		работа
		практическое	2	модели теоремы		
		занятие		Пифагора		
6	Неделя 2-3	Мини-		Создание	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	динамической		работа
		практическое	2	модели теоремы		
		занятие		Фалеса		
7	Неделя 2-3	Мини-		Создание	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	динамической		работа
		практическое	_	модели теоремы		
		занятие		Птолемея.		
			<b>4.</b> Иссле	едовательские зада		
8	Неделя 3-4	Мини-		Работа с	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,		координатами		опрос
		практическое		точек.		
		занятие	2	Переопределение		
				координат.		
				Использование		
				командной		
0	II	) <i>I</i>		строки.	Побент	Поболь
9	Неделя 3-4	Мини-		Построение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		графиков		работа
		практическое	2	функций при		
		занятие		помощи командной		
10	Неделя 3-4	Мини-		Создание и	Лаборатория	Лабораторная
10	110ДСЛЯ 3-4			Создание и	лаооратория	работа
		лекция,	2	исследование		paoora
		практическое занятие	2	модели линейного		
		ЭИТКПВС				
				уравнения с		

				двумя		
				переменными.		
	Разлет	∟ 15 Геометриче	 РСКИЕ ПТ	реобразования фиг	l Vn на ппоскост	
11	Неделя 4-5	Мини-	ckne n <sub>i</sub>	Изучение	Лаборатория — — — — — — — — — — — — — — — — — — —	Фронтальный
		лекция,	2	основных	1 1	опрос
		практическое	2	преобразований		1
		занятие		в Geogebra.		
12	Неделя 4-5	Мини-		Движение точек	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	по осям. Понятие		работа
		практическое	2	ползунка.		
1.0	**	занятие		-		
13	Неделя 4-5	Мини-		Вращение вокруг	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	точки. Анимация		работа
		практическое		в Geogebra.		
14	Неделя 4-5	занятие Мини-		Длина	Лаборатория	Лабораторная
17	110доля 4-3	лекция,		окружности.	Лаооратория	работа
		практическое		Анимация		paoora
		занятие	2	преобразования		
		30,11,111		окружности в		
				отрезок.		
		P	аздел 6.	Microsoft Excel		
15	Неделя 5-6	Мини-		Функции	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,		Microsoft Excel.		опрос
		практическое		Ссылки на		
		занятие	2	ячейки.		
				Копирование		
				содержимого		
1.0	II	N/		ячеек.	П.б	П.б
16	Неделя 5-6	Мини-		Использование	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	стандартных функций.		работа
		практическое занятие		функции.		
17	Неделя 5-6	Мини-		Построение	Лаборатория	Лабораторная
1,	110,401111111111	лекция,		диаграмм и	писоритория	работа
		практическое	2	графиков.		r
		занятие				
18	Неделя 5-6	Мини-		Решение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	прикладных		работа
		практическое	2	задач в Excel.		
		занятие				
			иенты м	патематической ста		T .
19	Неделя 6-7	Мини-		Статистические	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,		данные.		опрос
		практическое	2	Числовые таблицы		
		занятие		таолицы больших		
				размеров.		
20	Неделя 6-7	Мини-		Графическое	Лаборатория	Лабораторная
20	ттодоли 0-1	лекция,	_	отображение	лиооритория	работа
		практическое	2	данных.		Puooru
		занятие		7		
			<u> </u>	1	I .	I

21	Неделя 6-7	Мини-		Vanarran	Лаборатория	Лабораторная
21	педеля 0-7			Характер	Лаооратория	работа
		лекция,	4	распределения		раоота
		практическое		данных.		
		занятие	ерпоп Q	Гиотограмми		
22	Неделя 7-8	Мини-	аздел о	. Гистограммы Визуальный	Лаборатория	Франтангий
22	Педеля 7-8			•	Лаооратория	Фронтальный
		лекция,	2	анализ		опрос
		практическое		статистических		
22	11 7.0	занятие		данных.	Π.σ	П.С
23	Неделя 7-8	Мини-		Различие	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	значений.		работа
		практическое	2	Концентрация		
		занятие		значений,		
				данных.		
24	Неделя 7-8	Мини-		Построение и	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		анализ		работа
		практическое	4	гистограммы.		
		занятие		Выявление		
				нормального		
				распределения.		
	1		<u> 9. Обоб</u>	щающие показате		T
25	Неделя 9-10	Мини-		Описательная	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,	2	статистика. Ранг.		опрос
		практическое		Персентиль		
		занятие				
26	Неделя 9-10	Мини-		Определение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	обобщающих		работа
		практическое	2	характеристик.		
		занятие				
27	Неделя 9-10	Мини-		Нахождение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		средней и		работа
		практическое	4	медианы.		
		занятие	4	Нахождение		
				пяти базовых		
				показателей.		
		Раздел 1	0. Xapai	ктеристики рассея	ния	
28	Неделя 10-11	Мини-		Влияние	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,	2	случайных		опрос
		практическое		факторов.		
		занятие		Разброс данных.		
29	Неделя 10-11	Мини-		Вычисление и	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	анализ		работа
		практическое	2	стандартного		_
		занятие		отклонения		
30	Неделя 10-11	Мини-		Определение и	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		анализ размаха,		работа
		практическое	4	среднего и		_
		занятие		стандартного		
				отклонения		
	l .	Разлел	111. Ka	тегорийные даннь	ie	
31	Неделя 11-12	Мини-		Порядковые	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,	4	категорийные	1 1	опрос
	1	локции,	<u> </u>	Rater optimible	1	Jipoc

		практическое		данные.		
		занятие		Номинальные категорийные		
				-		
32	Неделя 11-12	Мини-		данные. Использование	Лаборатория	Лабораторная
32	педели 11 12	лекция,		Сводной	з пооритория	работа
		практическое	4	таблицы для		paoora
		занятие	·	одномерного		
				набора данных.		
		Разд	ел 12. Д	вумерные данные	•	
33	Неделя 12-15	Мини-		Диаграмма	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	рассеяния.		работа
		практическое	2	_		_
		занятие				
34	Неделя 12-15	Мини-		Визуальная	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	зависимость.		работа
		практическое	2	Корреляция.		
		занятие		Ковариация.		
35	Неделя 12-15	Мини-		Исследование	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	взаимосвязи		работа
		практическое	_	переменных.		
2.5	**	занятие			H	T 6
36	Неделя 12-15	Мини-		Определение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		ковариации		работа
		практическое		между		
		занятие	4	переменными.		
				Исследование		
				попарных		
				корреляций		
		Разп	ел 13 П	переменных Гростая регрессия		
37	Неделя 15-16	Мини-	CJI 15. 11		Лаборатория	Лабораторная
37	педели 15 16	лекция,		График	у пооратория	работа
		практическое	2	линейной		paoora
		занятие		зависимости.		
38	Неделя 15-16	Мини-		Инструмент	Лаборатория	Лабораторная
	,, 23	лекция,		анализа	F P	работа
		практическое	2	Регрессия.		1
		занятие		Статистические		
				функции.		
39	Неделя 15-16	Мини-		Построение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,		графиков		работа
		практическое	2	линейной		
		занятие	<i>∠</i>	зависимости		
				между		
				переменными		
40	Неделя 15-16	Мини-		Исследование	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,		линейной		опрос
		практическое	2	зависимости		
		занятие		между		
				переменными с		
				помощью		

				статистических		
				функций.		
		Раздел 14	<b>4.</b> Перві	ичный анализ дані	ных	
41	Неделя 16-17	Мини-		Построение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	интервального		работа
		практическое	2	статистического		
		занятие		ряда.		
42	Неделя 16-17	Мини-		Построение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	эмпирической		работа
		практическое	2	функции		
		занятие		распределения.		
43	Неделя 16-17	Мини-		Построение	Лаборатория	Лабораторная
		лекция,	2	эмпирической		работа
		практическое	2	плотности		
		занятие		распределения.		
	Pa	аздел 15. Корре	ляцион	ное поле и график	и регрессии	
44	Неделя 17-18	Мини-		Оценка	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,	2	выборочного		опрос
		практическое	2	коэффициента		
		занятие		корреляции.		
45	Неделя 17-18	Мини-		Проверка	Лаборатория	Фронтальный
		лекция,	2	значимости		опрос
		практическое	2	уравнения		
		занятие		регрессии.		
			Итого	вое занятие		
46	Неделя 18	Защита		Итоговое занятие	Лаборатория	Защита мини-
		мини-	2			проектов по
		проектов	2			одному из <b>7-</b>
						15 разделов
			108	Итого часов:		

## 2.2 Условия реализации программы

Материально-техническое обеспечение:

- Компьютер с монитором, клавиатурой и мышью (или ноутбук) не менее 12 штук;
  - Принтер.

Программное обеспечение:

- Microsoft Office Excel;
- GeoGebra;
- Интернет для использования WolframAlpha и Desmos.

Презентационное оборудование:

- Проектор и экран/ТВ с большим экраном (требуется возможность подключения к компьютеру);
  - Маркерная доска/флипчарт.

Методическое обеспечение:

- литература;
- настольные игры;
- бумага A4;
- папки A4 для хранения материалов.

#### 2.3 Формы аттестации

Входной контроль - имеет диагностические задачи и осуществляется в начале цикла обучения. Цель предварительной диагностики — зафиксировать начальный уровень подготовки обучающихся, имеющиеся знания, умения и навыки, связанные с предстоящей деятельностью. Входной контроль может проводиться в следующих формах: творческие работы, самостоятельные работы, вопросники, тестирование и пр.

Способы проверки результатов могут включать в себя: публичные выступления с демонстрацией проектов, выполненных расчетов, представленных в виде таблиц, диаграмм, геометрических чертежей в Desmos, GeoGebra, Wolfram Alpha, MS Excel, презентации проделанной работы на конференциях и конкурсах, участие в междисциплинарных соревнованиях, конкурсах, предметных олимпиадах.

Предполагается промежуточный (в завершении темы) и итоговой (в завершении каждого кейса) контроль.

Промежуточная диагностика проводится на основании оценивания теоретических знаний и практических умений и навыков по итогам освоения разделов. Промежуточная диагностика проводится в следующих формах: презентация решений кейсов, смотр знаний и умений, викторины, олимпиада, конкурс, соревнование, турнир и пр.

Итоговый контроль проводится по окончании обучения по программе.

## 2.4 Оценочные материалы

Общими критериями оценки результативности обучения являются:

- оценка уровня теоретических знаний: широта кругозора, свобода восприятия теоретической информации, развитость практических навыков работы со специальной литературой, осмысленность и свобода использования специальной терминологии;
- оценка уровня практической подготовки учащихся: соответствие развития уровня практических умений и навыков программным требованиям, свобода владения специальным оборудованием и оснащением, качество выполнения практического задания, технологичность практической деятельности;
- оценка уровня развития и воспитанности обучающихся: культура организации самостоятельной деятельности, аккуратность и ответственность при работе, развитость специальных способностей, умение взаимодействовать с членами коллектива.

Возможные уровни теоретической подготовки обучающихся:

- Высокий уровень учащийся освоил практически весь объем знаний (80-100%), предусмотренных программой за конкретный период; специальные термины употребляет осознанно и в полном соответствии с их содержанием.
- Средний уровень у учащегося объем освоенных знаний составляет 50-79%; сочетает специальную терминологию с бытовой.
- Низкий уровень учащийся овладел менее чем 50% объема знаний, предусмотренных программой; учащийся, как правило, избегает употреблять специальные термины.

Возможные уровни практической подготовки обучающихся:

- Высокий уровень учащийся овладел 80-100% умениями и навыками, предусмотренными программой за конкретный период; работает с оборудованием самостоятельно, не испытывает особых трудностей; выполняет практические задания с элементами творчества.
- Средний уровень у учащегося объем усвоенных умений и навыков составляет 50-79%; работает с программой с помощью педагога; в основном выполняет задания на основе образца.
- Низкий уровень учащийся овладел менее чем 50% умений и навыков, предусмотренных программой; испытывает затруднения при работе с программой; обучающийся в состоянии выполнять лишь простейшие практические задания педагога.

В течение периода обучения для определения уровня освоения программы учащимися осуществляются диагностические срезы:

- Входная диагностика на основе анализа выбранной обучающимися роли в диагностической игре и степени их участия в реализации отдельных ее этапов, где выясняется начальный уровень знаний, умений и навыков учащихся, а также выявляются их творческие способности.
- Промежуточная диагностика позволяет выявить достигнутый на данном этапе уровень учащихся, в соответствии с пройденным материалом программы. Предлагаются контрольные тесты, выполнение практических заданий.
- Итоговая диагностика проводится в конце учебного курса (выставка и презентация решения кейсов) и предполагает комплексную проверку образовательных результатов по всем ключевым направлениям. Данный контроль позволяет проанализировать степень усвоения программы учащимися.

Результаты контроля фиксируются в диагностической карте.

Оценка уровней освоения модуля

Оценка уровней освоения модуля				
Урс	ВНИ	Параметры	Показатели	
Высокий		Теоретические	Обучающийся освоил материал в полном объеме.	
уровень	(80-	знания.	Знает и понимает значение терминов,	
100%)			самостоятельно ориентируется в содержании материала	
			по темам.	
			Учащийся заинтересован, проявляет устойчивое	
			внимание к выполнению заданий.	
		Практические	Способен применять практические умения и	
		умения и навыки.	навыки во время выполнения самостоятельных заданий.	
			Правильно и по назначению применяет инструменты.	
			Работу аккуратно доводит до конца.	
			Может использовать средства вычислительной	
			техники для реализации идеи.	
			Может оценить результаты выполнения своего	
			задания и дать оценку работы своего товарища.	
Средний		Теоретические	Учащийся освоил базовые знания, ориентируется в	
уровень	(50-	знания.	содержании материала по темам, иногда обращается за	
79%)			помощью к педагогу. Учащийся заинтересован, но не	
			всегда проявляет устойчивое внимание к выполнению	
			задания.	
		Практические	Владеет базовыми навыками и умениями, но не	
		умения и навыки.	всегда может выполнить самостоятельное задание,	
			затрудняется и просит помощи педагога. В работе	
			допускает небрежность, делает ошибки, но может	
			устранить их после наводящих вопросов или	
			самостоятельно.	
			Может использовать средства вычислительной	
			техники для реализации идеи или выражения отдельных	
			ее сторон.	
			Оценить результаты своей деятельности может с	
			подсказкой педагога.	
Низкий		Теоретические	Владеет минимальными знаниями, ориентируется	
уровень	уровень знания.		в содержании материала по темам только с помощью	
(меньше 50	0%)		педагога.	
		Практические	Владеет минимальными начальными навыками и	
		умения и навыки.	умениями. Учащийся способен выполнять каждую	
			операцию только с подсказкой педагога или товарищей.	

	He	всегда	правильно	применяет	необходимый
	инструмент или не использует вовсе. В работе допускает грубые ошибки, не может их найти даже после указания. Не способен самостоятельно оценить результаты своей				
	рабо	гы.			

## 2.5 Методические материалы

Формы организации образовательного процесса:

- Кейс-метод;
- Метод проектов;
- Исследовательская работа в группах;
- Мозговой штурм;
- Проблемный метод;
- Scrum-метол.

Формы организации учебного занятия:

- Практические занятия;
- Мини-лекция;
- Квест;
- Игры: настольные и активные;
- Беседа с обсуждением.

Алгоритм учебного занятия:

- 1. Организационный момент;
- 2. Объяснение задания (теоретические знания, получаемые на каждом занятии, помогают учащимся узнавать, обогащая запас общих знаний);
  - 3. Практическая часть занятия;
  - 4. Подведение итогов;
  - 5. Рефлексия.

## 2.6 Список литературы Литература для педагога

- 1. Зив Б.Г., Мейлер В.М., Баханский А.Г. Задачи по геометрии для 7-11 классов.- М.: Просвещение, 2006
  - 2. Мерзляк А.Г., Полонский В.Б., Якир М.С. Геометрия 9 класс. Х.: Гимназия, 2008
- 3. Официальный сайт программы GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://www.geogebra.org/cms/
- 4. Онлайн сервис GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://web.geogebra.org/
- 5. Введение в GeoGebra. Методическое пособие по организации занятий с применением GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://static.geogebra.org/book/intro-ru.pdf
- 6. Официальный видеоканал применения программы GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://www.youtube.com/user/GeoGebraChannel">https://www.youtube.com/user/GeoGebraChannel</a>
- 7. SIGNUM- сообщество учителей математики, разрабатывающих методику применения программы GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: https://plus.google.com/u/0/communities/104964145698135252427/stream/ b17905db-893b-43e1-b220-a19c3f0f31e5
- 8. Авангард и геометрия. Подборка картин художников абстракционистов. [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="https://www.pinterest.com/nextyale200482/avangart-art-geometrigi/">https://www.pinterest.com/nextyale200482/avangart-art-geometrigi/</a>
- 9. Сообщество пользователей программы GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://tube.geogebra.org/ 16

10. Блог учителя математики Рождественской Л.В.- [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <a href="https://edugalaxy.intel.ru/index.php?automodule=blog&blogid=8">https://edugalaxy.intel.ru/index.php?automodule=blog&blogid=8</a>

## Литература для учащихся

- 1. Мерзляк А.Г., Полонский В.Б., Якир М.С. Геометрия 9 класс.- Х.: Гимназия, 2008
- 2. Официальный сайт программы GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="http://www.geogebra.org/cms/">http://www.geogebra.org/cms/</a>
- 3. Онлайн сервис GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: http://web.geogebra.org/
- 4. Сообщество пользователей программы GeoGebra . [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="http://tube.geogebra.org/">http://tube.geogebra.org/</a>
- 5. Нелли Литвак, Андрей Райгородский. Кому нужна математика? Понятная книга о том, как устроен цифровой мир. Москва, «Манн, Иванов и Фербер», 2017.- 192 с.
- 6.Образовательная онлайн-среда/ URL: http://ashap.info/indexrus.htm(дата обращения 01.08.2019) Образовательная онлайн-среда/ URL: http://ptlab.mccme.ru/vertical(дата обращения 01.08.2019)
- 7.Образовательная онлайн-среда/ URL: http://ptlab.mccme.ru/node/350(дата обращения 01.08.2019)